

Factores de Conversión

$$1 \text{ \AA} (\text{angstrom}) = 10^{-8} \text{ cm} = 10^{-10} \text{ m}$$

$$1 \text{ }\mu\text{m} (\text{micron}) = 10^{-6} \text{ cm}$$

$$1 \text{ eV} = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

$$1 \text{ J} = 10^7 \text{ erg}$$

$$1 \text{ cal} = 4.186 \text{ J}$$

Constantes Físicas

$$N_A \text{ Número Avogadro} = 6.02 \times 10^{23} \text{ átomos/gram mol}$$

$$k \text{ Cte. de Boltzmann} = 1.38 \times 10^{-23} \text{ J/K} = 8.62 \times 10^{-5} \text{ eV/K}$$

$$b \text{ Cte. de Wien} = 2.898 \cdot 10^{-3} \text{ K m}$$

$$e \text{ Carga del electrón} = 1.60 \cdot 10^{-19} \text{ C}$$

$$m_0 \text{ Masa en reposo del electrón} = 9.1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$$

$$m_p \text{ Masa en reposo del protón} = 1.67 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$$

$$\mu_0 \text{ Permeabilidad del vacío} = 4 \pi \cdot 10^{-7} \text{ H/m}$$

$$\epsilon_0 \text{ Permitividad del vacío} = 8.85 \cdot 10^{-14} \text{ F/cm} = 8.85 \cdot 10^{-12} \text{ F/m}$$

$$h \text{ Cte. de Planck} = 6.625 \times 10^{-34} \text{ J s} = 4.135 \cdot 10^{-15} \text{ eV s}$$

$$c \text{ Velocidad de la luz en el vacío} = 2.998 \times 10^8 \text{ m/s}$$

$$\lambda_C \text{ Longitud de onda de Compton} = 2.42 \cdot 10^{-12} \text{ m}$$

$$kT \text{ Energía Térmica (T = 300 K)} = 0.0259 \text{ eV}$$

Las ecuaciones de Maxwell

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{E} = \rho$$

$$\vec{\nabla} \times \vec{B} = \vec{J} + \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$$

$$\vec{\nabla} \times \vec{E} + \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} = 0$$

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0$$

SERIE n° 0: Propagación de Ondas & Electromagnetismo

0.1) La ecuación diferencial de la onda en medios lineales es:

$$\frac{\partial^2 y(x,t)}{\partial x^2} = \frac{1}{v^2} \frac{\partial^2 y(x,t)}{\partial t^2} \quad (0.1)$$

Verifique que cualquier función real o compleja de la forma $y = f(x \pm vt)$ satisface la ecuación (0.1).

0.2) Demuestre que una perturbación de la forma: $E(x,t) = E(x)e^{-i\omega t}$ satisface:

$$\frac{\partial^2 E(x)}{\partial x^2} = -k^2 E(x) \quad (0.2)$$

Donde k y ω son constantes.

0.3) Pruebe que una onda esférica $\psi(\vec{r},t) = \frac{A}{r} e^{i(\vec{k} \cdot \vec{r} \pm \omega t)}$ satisface a la ecuación de onda:

$$\nabla^2 \psi(r,t) = \frac{1}{v^2} \frac{\partial^2 \psi(r,t)}{\partial t^2} \quad (0.3)$$

Donde la dependencia radial del operador laplaciano en coordenadas esféricas es

$$\nabla^2 \psi = \frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} \left[r^2 \frac{\partial \psi}{\partial r} \right] \quad (0.4)$$

0.4) Demuestre que $Y = Y_m \text{Sen}(kx - \omega t)$ puede escribirse también de alguna de las maneras siguientes:

$$Y = Y_m \text{Sen}[k(x - vt)] \quad Y = Y_m \text{Sen}[2\pi(x/\lambda - ft)]$$

$$Y = Y_m \text{Sen}[\omega(x/v - t)] \quad Y = Y_m \text{Sen}[2\pi(x/\lambda - t/T)]$$

0.5) Determine en cada caso la frecuencia, f , el período, T , la amplitud, Y_m , la longitud de onda, λ , y el sentido de propagación de las siguientes funciones de onda:

$$Y = 4 \text{Sen}[2(0.2x + 3t)] \quad Y = 2.5 \text{Sen}[7x + 3.5t]$$

0.6) Una onda de frecuencia 500 Hz. tiene una velocidad de fase de 350 m/seg.

a) ¿Qué distancia hay entre dos puntos que tienen una diferencia de fase de 60° ?

b) ¿Cuál es la diferencia de fase entre dos desplazamientos que ocurren en cierto punto con un intervalo de 1 Seg.?

0.7) Halle la resultante de la superposición de ondas, utilizando notación compleja (**fasores**):

$$Y_1 = Y_0 * \text{Cos}[kx + \omega t] \quad \text{con } Y_2 = Y_0 * \text{Cos}[kx - \omega t]$$

0.8) Verifique que la superposición de una onda progresiva y otra regresiva de igual amplitud y frecuencia da origen a una onda estacionaria, cualquiera sea la diferencia de fase entre ellas.

0.9) Una cuerda atada en ambos extremos vibra según la siguiente ecuación:

$$Y = 5 * \text{Sen}[\pi/3 \cdot x] \text{Cos}[40\pi \cdot t]$$

- a) ¿Cuáles son la amplitud y la velocidad de las ondas componentes cuya superposición puede dar lugar a ésta vibración?
- b) Si la longitud de la cuerda es de 6 m. ¿en qué modo de vibración está vibrando?
- 0.10) La perturbación de una cuerda viene dada por

$$Y = 15 \cdot \text{Sen} [(2\pi/\lambda) x] \cdot \text{Cos} [(2\pi/\lambda) vt] - 5 \cdot \text{Cos} [(2\pi/\lambda) x] \cdot \text{Sen} [(2\pi/\lambda) vt]$$
- a) Muestre que se puede descomponer en una onda progresiva superpuesta a otra regresiva, obteniendo la expresión de ambas.
- b) Indique las amplitudes de las ondas progresiva (incidente) Y_i , y regresiva (reflejada) Y_r ,
- c) Calcule el cociente *Relación de Onda Estacionaria*:

$$(Y_i + Y_r) / (Y_i - Y_r) = \text{R.O.E.} \quad (0.5)$$
- d) Verifique

$$\text{R.O.E.} = Y_{\text{total máxima}} / Y_{\text{total mínima}}$$
- e) ¿Cuánto valdría R.O.E. si hubiera reflexión total?
- f) ¿Cuánto valdría R.O.E. si no hubiera reflexión?
- 0.11) A una onda progresiva de amplitud Y_m y frecuencia f se le superpone otra de igual naturaleza con la misma dirección, sentido y amplitud pero de frecuencia $(f + \Delta)$ y con una diferencia de fase, ϕ .
- a) Demuestre que la expresión del movimiento resultante es:

$$Y(x,t) = 2 Y_m \text{Cos} [2\pi (\Delta/2)(x/v-t) - (\phi/2)] \text{Sen} [2\pi (f + \Delta/2)(x/v-t) - (\phi/2)]$$
- b) Interprete físicamente.
- 0.12) Para una onda electromagnética plana, los módulos de los campos eléctrico y magnético están relacionados por $E = c \cdot B$.
- a) Muestre que la densidad de energía de la onda viene dada por $\epsilon_0 E^2$.
- b) El flujo de energía (W/m^2) queda expresado como $c\epsilon_0 E^2$.
- 0.13) La densidad de cantidad de movimiento para una onda electromagnética puede escribirse como: $\vec{p} = \epsilon_0 \vec{E} \times \vec{B}$
 Muestre que la densidad de energía es igual a $p \cdot c$ para una onda plana
- 0.14) Demuestre que la presión de radiación para una onda electromagnética plana es igual al flujo de energía dividido por la velocidad de la luz.