

# ONDAS MECANICAS

**Docente Turno 14:**

Lic. Alicia Corsini

## MOVIMIENTO ONDULATORIO:

CONSTRUCCION DEL MODELO: MATERIA DEFORMABLE O ELASTICA  
POR DONDE SE PROPAGAN LAS ONDAS MECANICAS

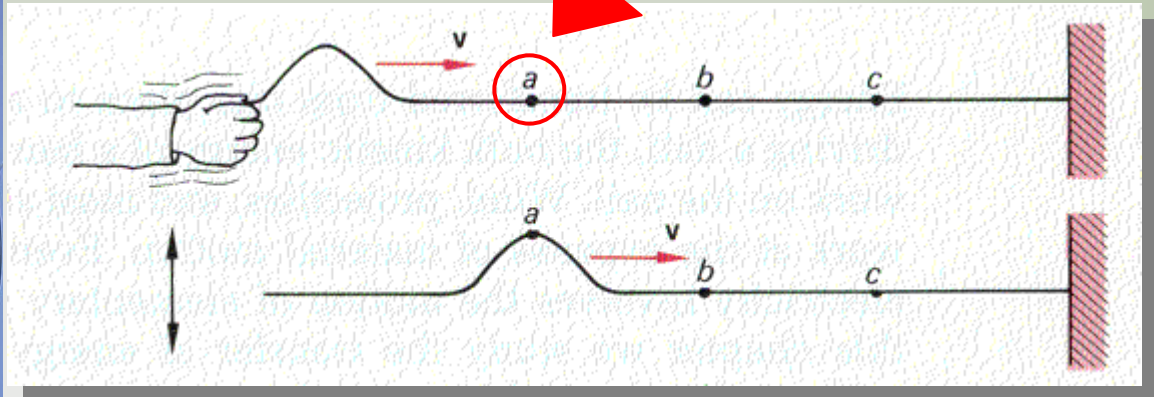
Las ondas de agua y las ondas sonoras son ejemplos de “ondas mecánicas” que viajan a través de un medio deformable o elástico



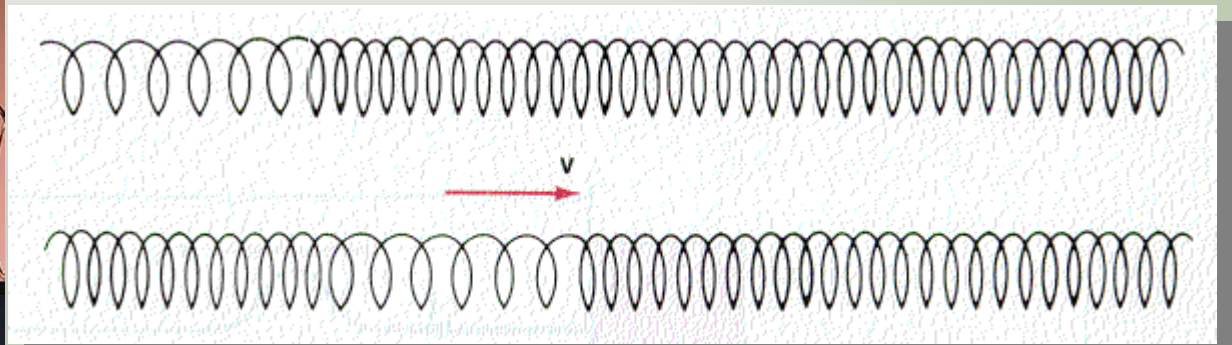
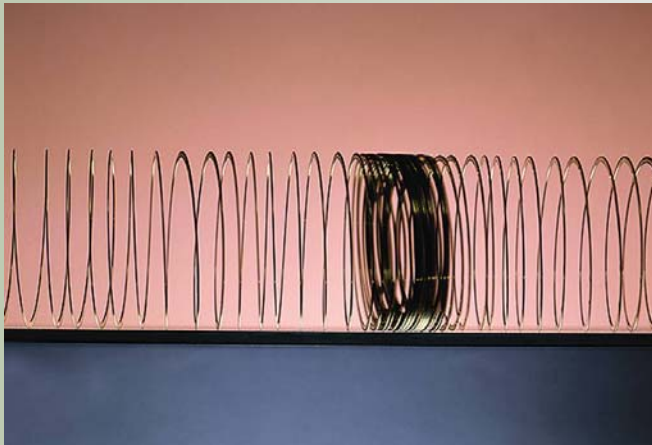
La onda es una perturbación que aparta al sistema de su posición de equilibrio

*Lic. Alicia Corsini*

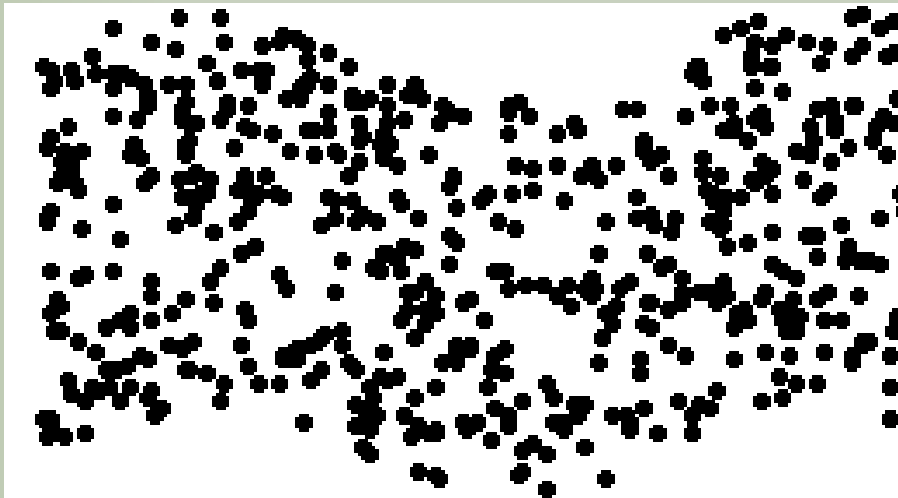
## ONDA TRANSVERSAL



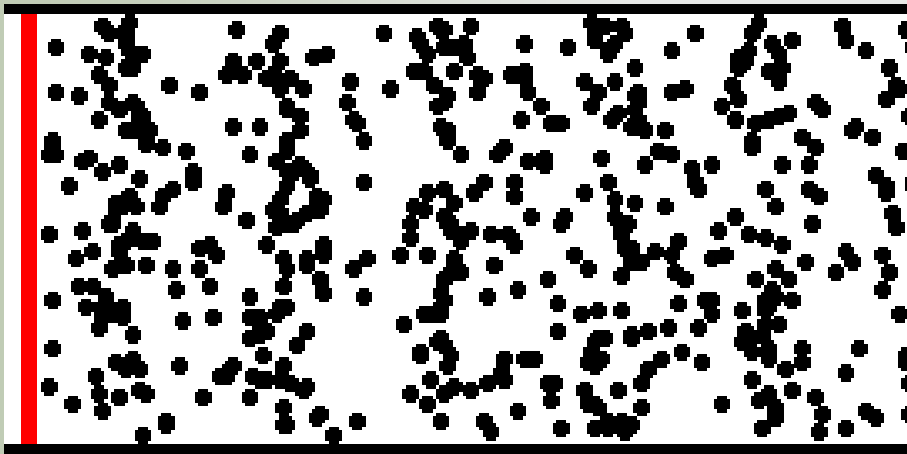
## ONDA LONGITUDINAL



## ONDA TRANSVERSAL



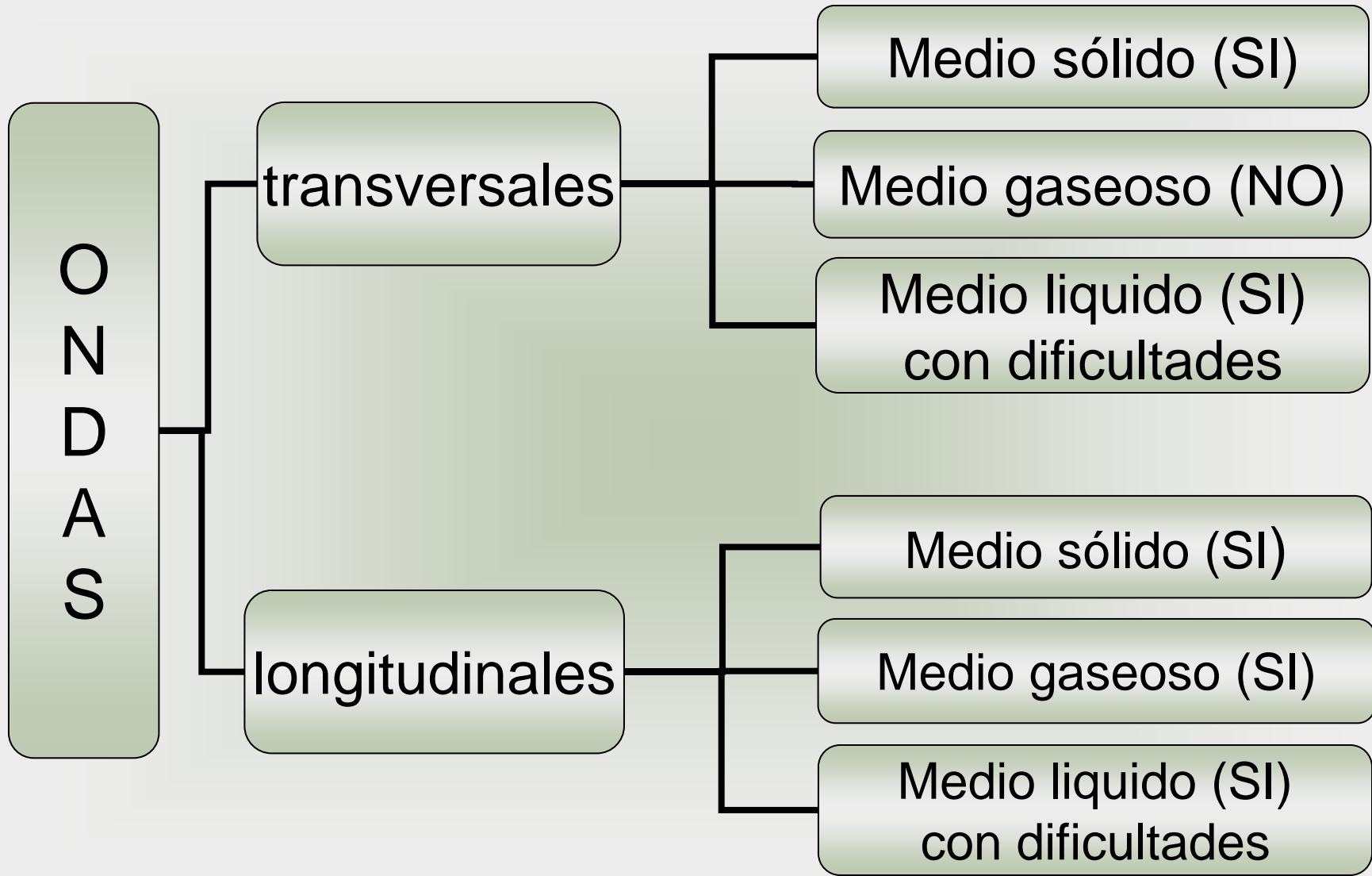
## ONDA LONGITUDINAL



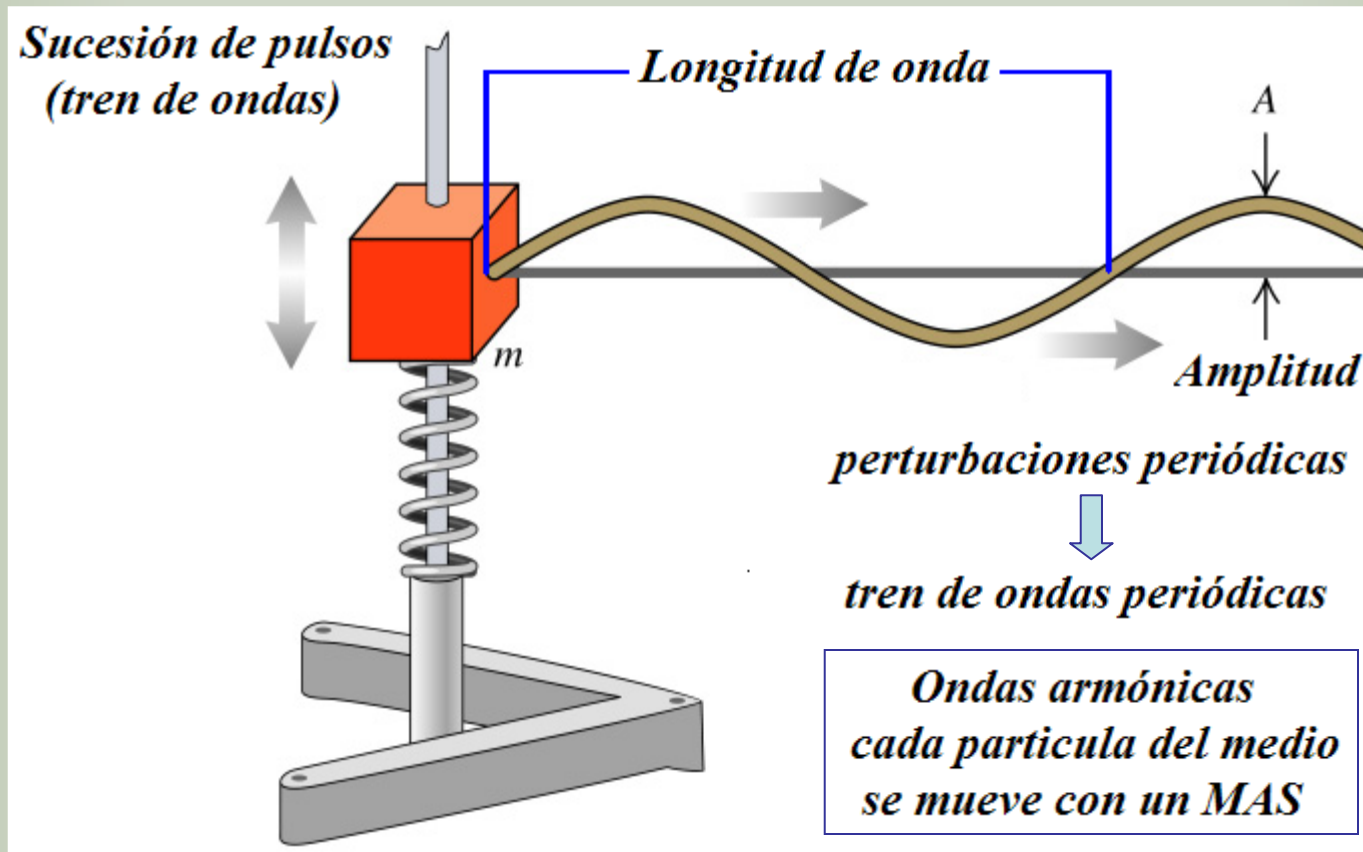
**TIPO de ONDA :**  
Según el número  
de dimensiones espaciales  
en que se propaga la energía

- Ondas unidimensionales
- Ondas bidimensionales
- Ondas tridimensionales

# PROPAGACION DE ONDAS



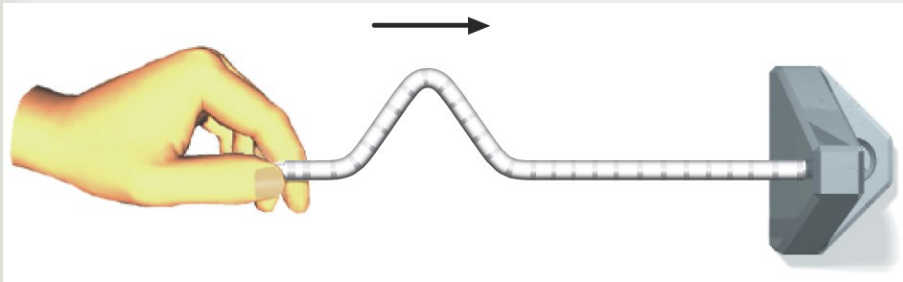
# PROPAGACION DE ONDAS



$$v = \lambda \cdot f$$

*la velocidad de propagación es "constante"*

# Velocidad de propagación de la onda en medios homogéneos.



La velocidad de propagación depende de las condiciones elástica e inerciales del medio.

$$V_{\text{cuerda}} = \sqrt{\frac{T}{\mu}}$$

$T$  : tensión

$$\mu = \frac{m}{l} = \frac{\delta m}{\delta l}$$

$$V_{\text{sólido}} = \sqrt{\frac{E}{\rho}}$$

$E$  : módulo de elasticidad

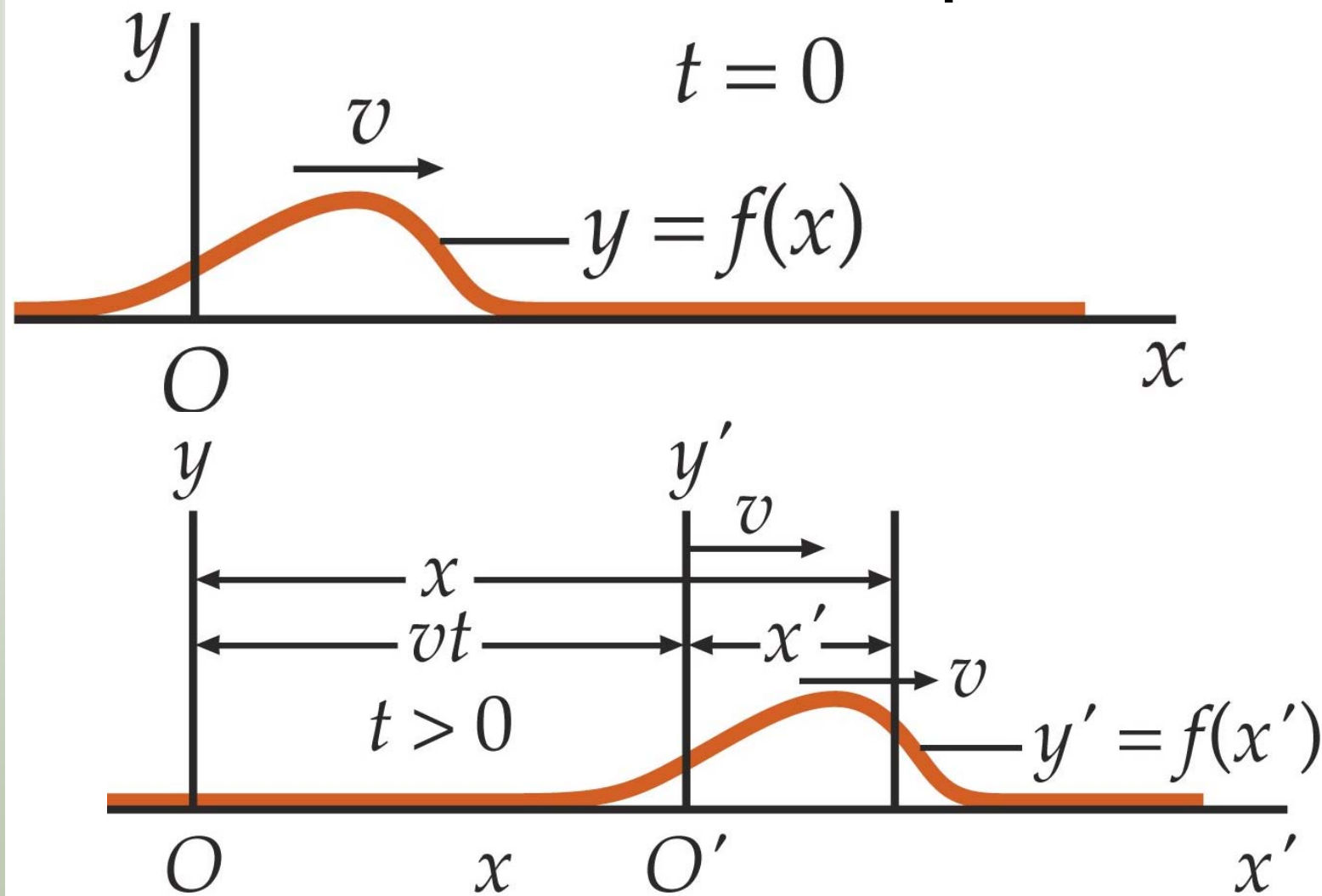
$$\rho = \frac{m}{V}$$

$$V_{\text{gases}} = \sqrt{\frac{B}{\rho}}$$

$B$  : coeficiente de compresibilidad

$$\rho = \frac{m}{V}$$

# Descripción matemática de una onda elástica plana.





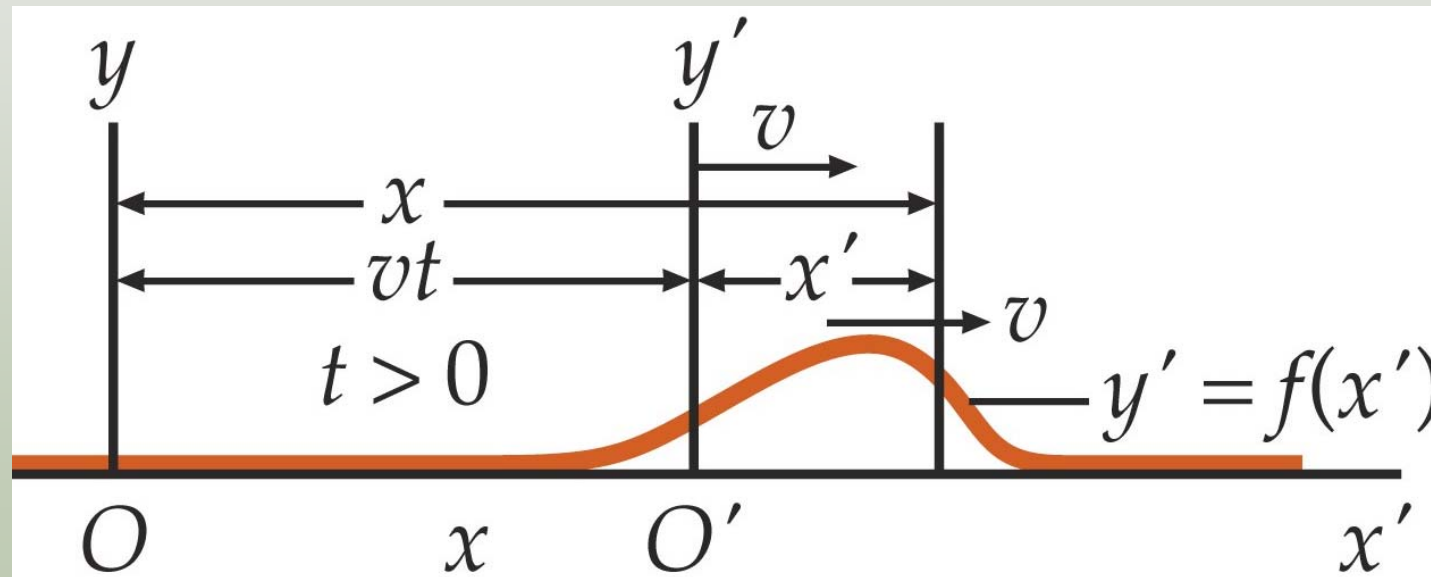
# Descripción matemática de una onda elástica plana.

$$y = f(x) = y' = f(x')$$

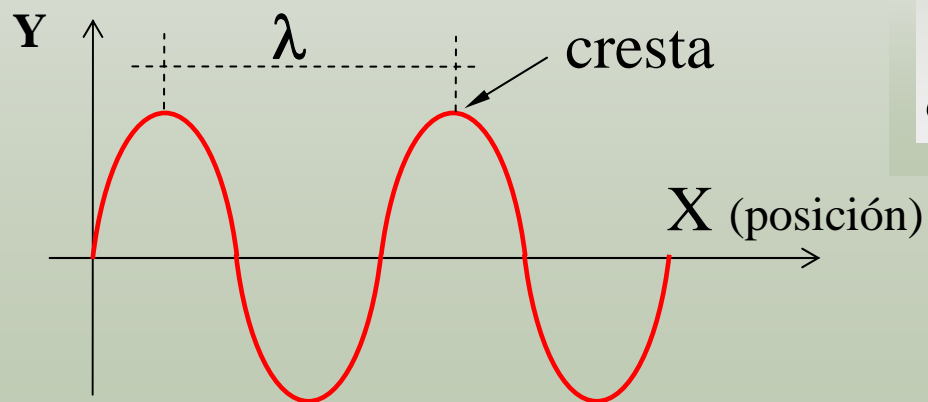
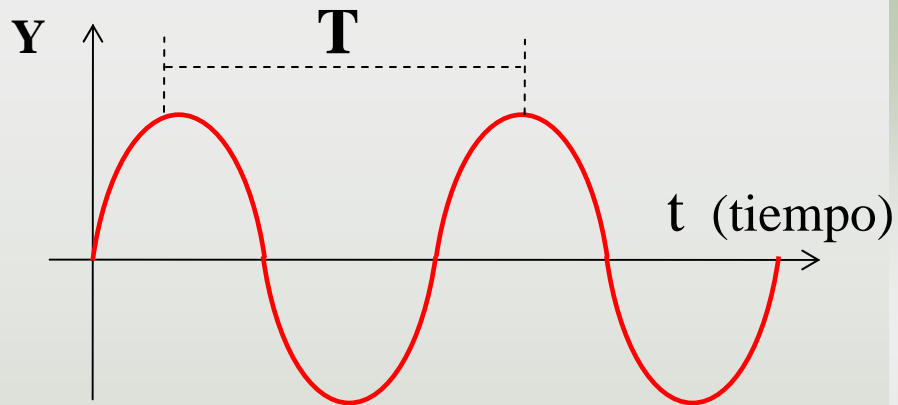
$$y = f(x') = f(x - vt)$$

$$y = f(x - vt)$$

*Ecuación de una onda*



# Movimiento Ondulatorio Armónico



## ECUACION GENERAL DE LA ONDA

$y = f(x - vt)$  onda viajera  
que se mueve hacia la derecha

$y = f(x + vt)$  onda viajera  
que se mueve hacia la izquierda

# Ecuación de la onda armónica

$$y = A. \text{sen } 2 \pi f t$$

*Para hacerla extensiva a cualquier punto, introducimos el factor de corrección*

$$y = A. \text{sen } 2 \pi f \left( t - \frac{x}{v} \right)$$

*f : solo depende de la perturbación*

# Ecuación de la onda armónica

$$y = A. \text{sen} 2\pi f \left( t - \frac{x}{v} \right)$$

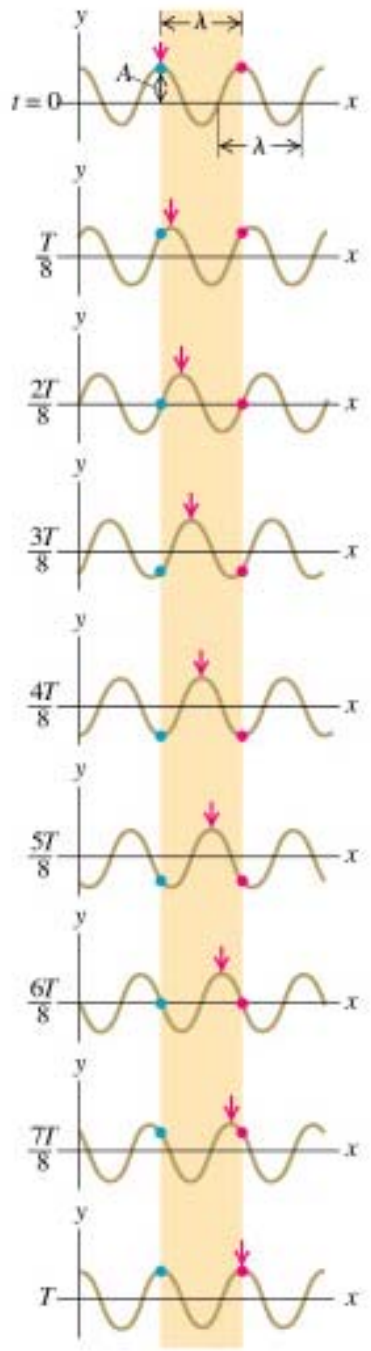
$$y = A. \text{sen} 2\pi \left( \frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda} \right)$$

$$\lambda = v \cdot T$$

$$y = A. \text{sen} (\omega t - kx)$$

$$k = \frac{2\pi}{\lambda}$$

$k$ : número de onda



# Conclusiones:

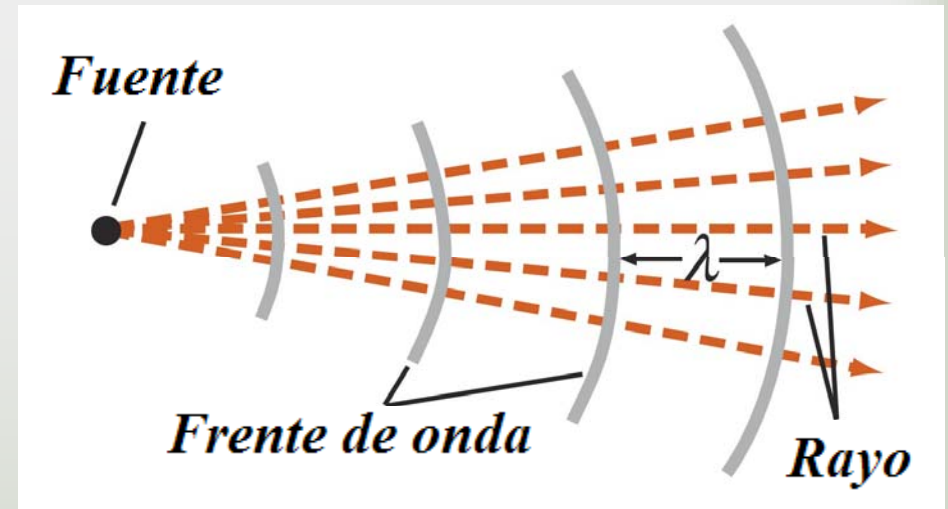
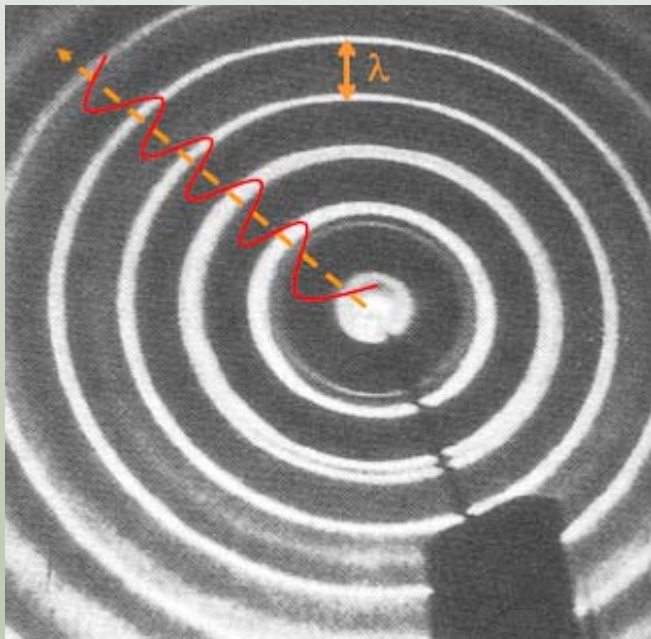
a) Si se estudia una determinada partícula del medio elástico definida por su abscisa  $x$  (resulta  $x$  constante y  $t$  variable) se tiene :

$$y = A \operatorname{sen}(\omega t - k_1) \Rightarrow y = f(t)$$

b) Si se estudia el movimiento de muchas partículas en un determinado momento ( $x$  variable y  $t$  constante) se tiene :

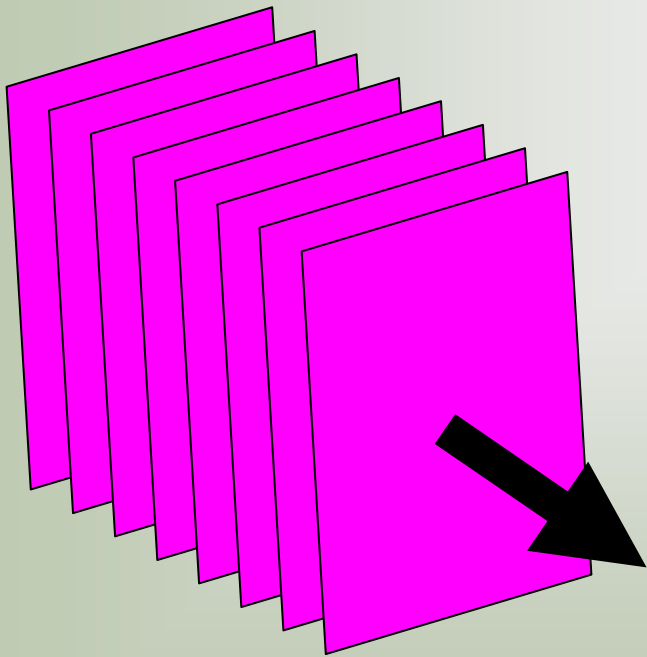
$$y = A \operatorname{sen}(T_1 - k x) \Rightarrow y = f(x) \text{ "foto"}$$

# FRENTE DE ONDA.

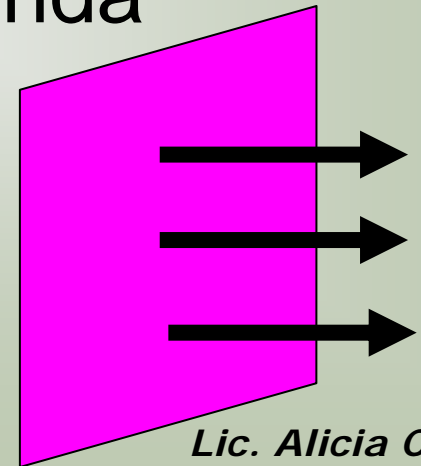


# ONDAS PLANAS.

Para las ondas que se propagan en una sola dirección, el “*frente de onda*” es “*plano*”.



Los rayos son  
perpendiculares  
al frente de onda  
y paralelos  
entre ellos.



*Lic. Alicia Corsini*

# Ecuación General del Movimiento Ondulatorio Unidimensional.

$$y = A \cdot \text{sen} (kx \pm \omega t + \alpha_0)$$

$$\frac{\partial y}{\partial t} = \pm \omega \cdot A \cdot \text{cos} (kx \pm \omega t + \alpha_0)$$

$$\frac{\partial y}{\partial x} = k \cdot A \cdot \text{cos} (kx \pm \omega t + \alpha_0)$$

$$\frac{\partial^2 y}{\partial t^2} = \pm \omega^2 \cdot A \cdot \text{sen} (kx \pm \omega t + \alpha_0)$$

$$\frac{\partial^2 y}{\partial x^2} = -k^2 \cdot A \cdot \text{sen} (kx \pm \omega t + \alpha_0)$$

$$\frac{1}{\pm \omega^2 A} \frac{\partial^2 y}{\partial t^2} = - \frac{1}{k^2 A} \frac{\partial^2 y}{\partial x^2}$$

$$\frac{\partial^2 y}{\partial t^2} = \frac{\omega^2}{k^2} \frac{\partial^2 y}{\partial x^2}$$



$$\frac{\partial^2 y}{\partial t^2} = v^2 \frac{\partial^2 y}{\partial x^2}$$



# Ecuación General del Movimiento Ondulatorio Unidimensional.

$$y = A \cdot \text{sen} (kx \pm \omega t + \alpha_0)$$

$$\frac{\partial^2 y}{\partial t^2} = \frac{\omega^2}{k^2} \frac{\partial^2 y}{\partial x^2}$$



$$\frac{\partial^2 y}{\partial x^2} = \frac{1}{v^2} \frac{\partial^2 y}{\partial t^2}$$

# Energía transportada por una onda

$$dE_{\text{Cinet.}} = \frac{1}{2} (dm) v^2$$

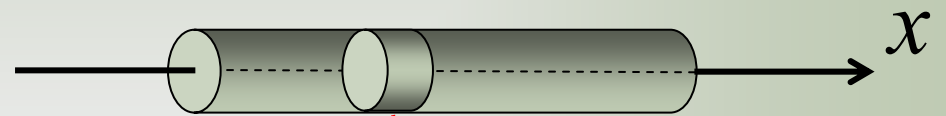
$$dE_{\text{p.elast.}} = \frac{1}{2} k y^2$$

$$k = \omega^2 \cdot m$$

$$y = A \text{ sen } (kx \pm \omega t + \alpha_0)$$

$$V_y = A \cdot \omega \text{ cos } (kx \pm \omega t + \alpha_0)$$

$$\text{sen}^2(kx \pm \omega t + \alpha_0) + \text{cos}^2(kx \pm \omega t + \alpha_0) = 1$$



*Ej : cuerda*

$$dm = \rho s \cdot dx$$

*elemento de masa*

*s : sección*

$$dE = dE_{\text{p.elast.}} + dE_{\text{Cinet.}}$$

$$dE = \frac{1}{2} (dm) \omega^2 A^2$$

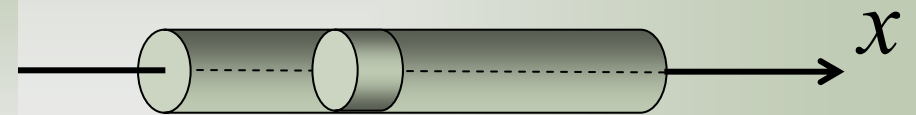
*dE : constante*

$$dE = \frac{1}{2} \rho s dx \omega^2 A^2$$

# POTENCIA

*La energía es independiente  
del tiempo y de la posición*

$$dE = \frac{1}{2} (\rho s dx) \omega^2 A^2$$



*Ej : cuerda*

$$dm = \delta s \cdot dx$$

*elemento de masa*

*s : sección*

$$Potencia = \frac{dE}{dt} = \frac{1}{2} \left( \rho s \frac{dx}{dt} \right) \omega^2 A^2$$

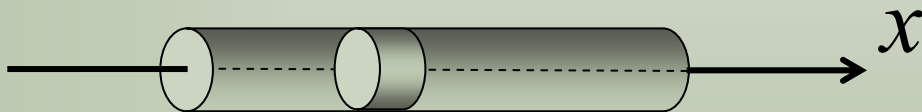
$$Potencia = \frac{1}{2} \rho s v_{propag.} \omega^2 A^2$$

# POTENCIA

$$Potencia = \frac{1}{2} \underbrace{\rho s v_{propag.}}_{\text{constante}} \omega^2 A^2$$

*La potencia depende del cuadrado de la amplitud*

*Ej: cuerda o soga*



*Todas las moléculas de la soga tienen igual energía*

# INTENSIDAD

$$Potencia = \frac{1}{2} \rho s v_{propag.} \omega^2 A^2$$

$$Intensidad = \frac{Potencia}{superficie}$$



$$I = \frac{Pot}{s} = \frac{1}{2} \frac{\rho s v_{propag.} \omega^2 A^2}{s}$$

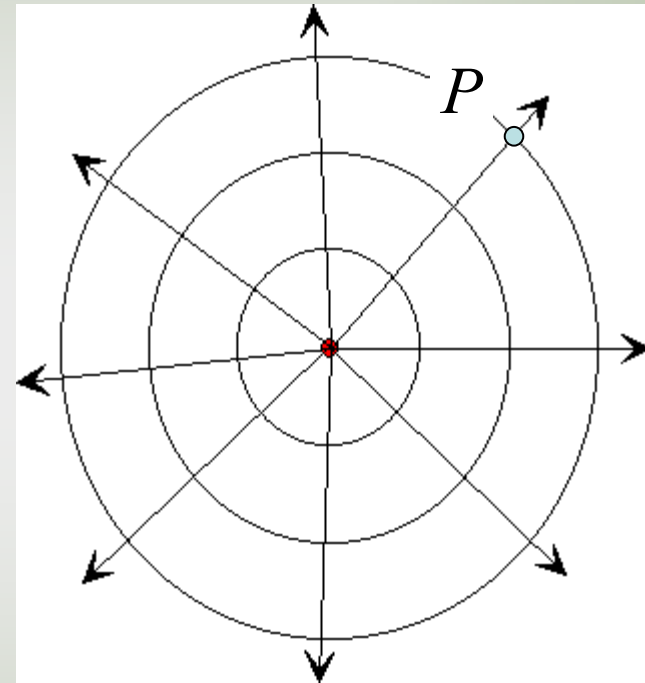
$$I = \frac{1}{2} \rho v_{propag.} \omega^2 A^2$$

# Intensidad debida a un foco puntual

$$I_P = \frac{P}{4\pi r^2}$$

$$[P] = \frac{J}{s} = \text{Watts}$$

$$[I] = \frac{\text{Watts}}{m^2}$$



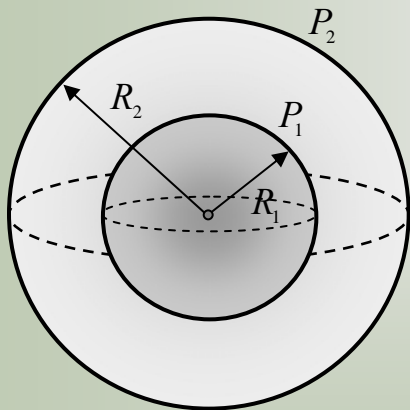
# Intensidad

*La Intensidad es inversamente proporcional a la distancia al cuadrado.*

*Esto nos da una idea de porque el sonido disminuye tan rapido su intensidad.*

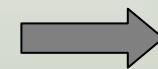
$$P_1 = I_1 \cdot S_1 = I_1 \cdot 4 \pi R_1^2$$

$$P_2 = I_2 \cdot S_2 = I_2 \cdot 4 \pi R_2^2$$



*La energía se conserva :  $P_1 = P_2$*

$$I_1 \cdot 4 \pi R_1^2 = I_2 \cdot 4 \pi R_2^2$$

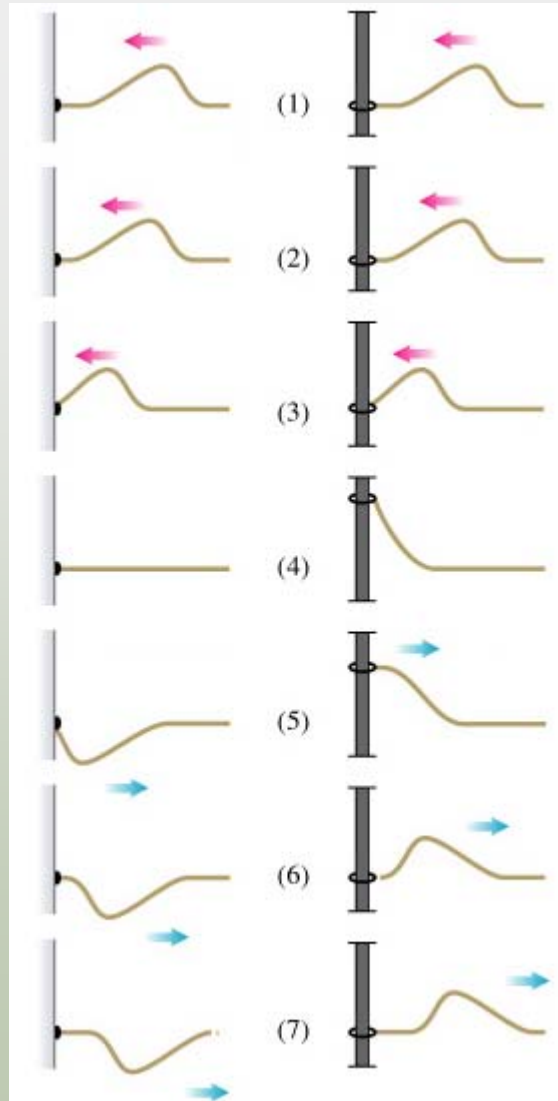
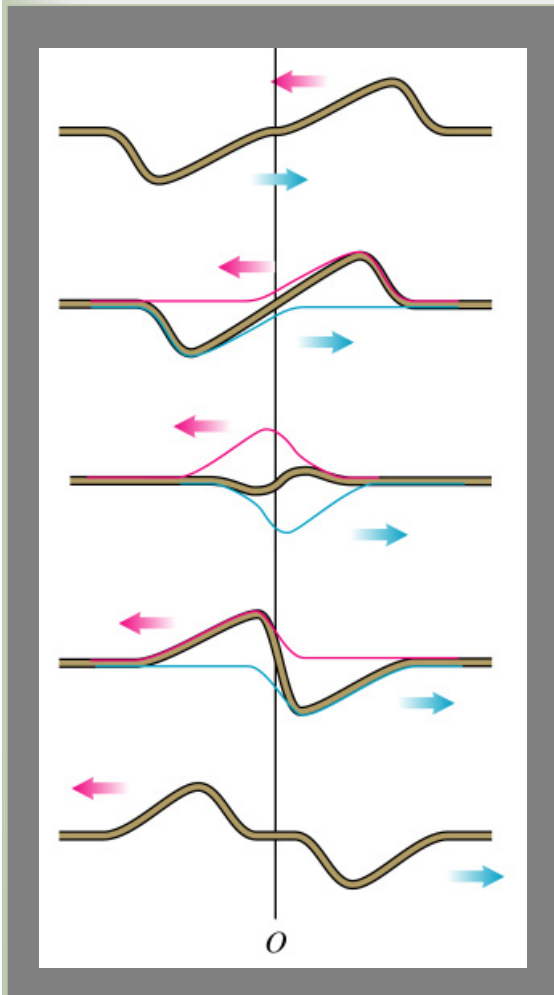


$$\frac{I_1}{I_2} = \frac{R_2^2}{R_1^2}$$

$$R_1 < R_2 \Rightarrow I_1 > I_2$$

# Características de las ondas mecánicas en medios elásticos finitos

*Extremo fijo*



*Extremo libre*

*Condiciones de frontera*



# Ondas Estacionarias

$$y(x,t) = y_1 + y_2 = A.\text{sen}(kx - \omega t) + A.\text{sen}(kx + \omega t)$$

*Dos ondas con la misma frecuencia y amplitud viajan en el mismo medio con sentidos opuestos.*

*De la identidad trigonométrica :*

$$\text{sen}A + \text{sen}B = 2.\text{sen}\frac{A+B}{2}.\text{cos}\frac{A-B}{2}$$

$$y = (2.A.\text{sen}kx) \text{cos } \omega.t$$

# Ondas Estacionarias

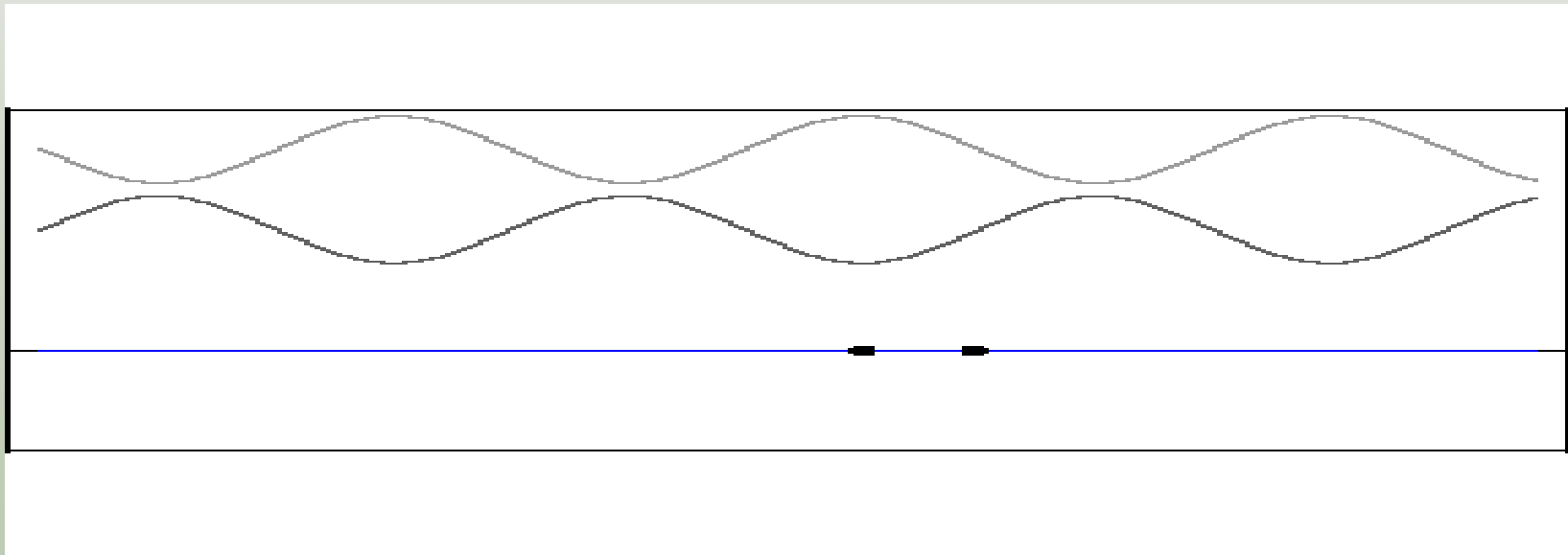
$$y = (2.A.\text{sen}kx) \cos \omega.t$$

Los "x" que no se mueven,  
se llaman nodos.

*Si  $\text{sen } kx = 0$*

$$k.x = n.\pi \rightarrow \frac{2\pi}{\lambda}.x = n.\pi$$


$$\Rightarrow x = \frac{n.\lambda}{2}$$



# Ondas Estacionarias

*Igual amplitud, frecuencia y número de onda*

*Se propagan en sentido contrario*

*Cuerpos finitos*  *Ondas ESTACIONARIAS*



*No tienen la misma energía todos los puntos del medio*

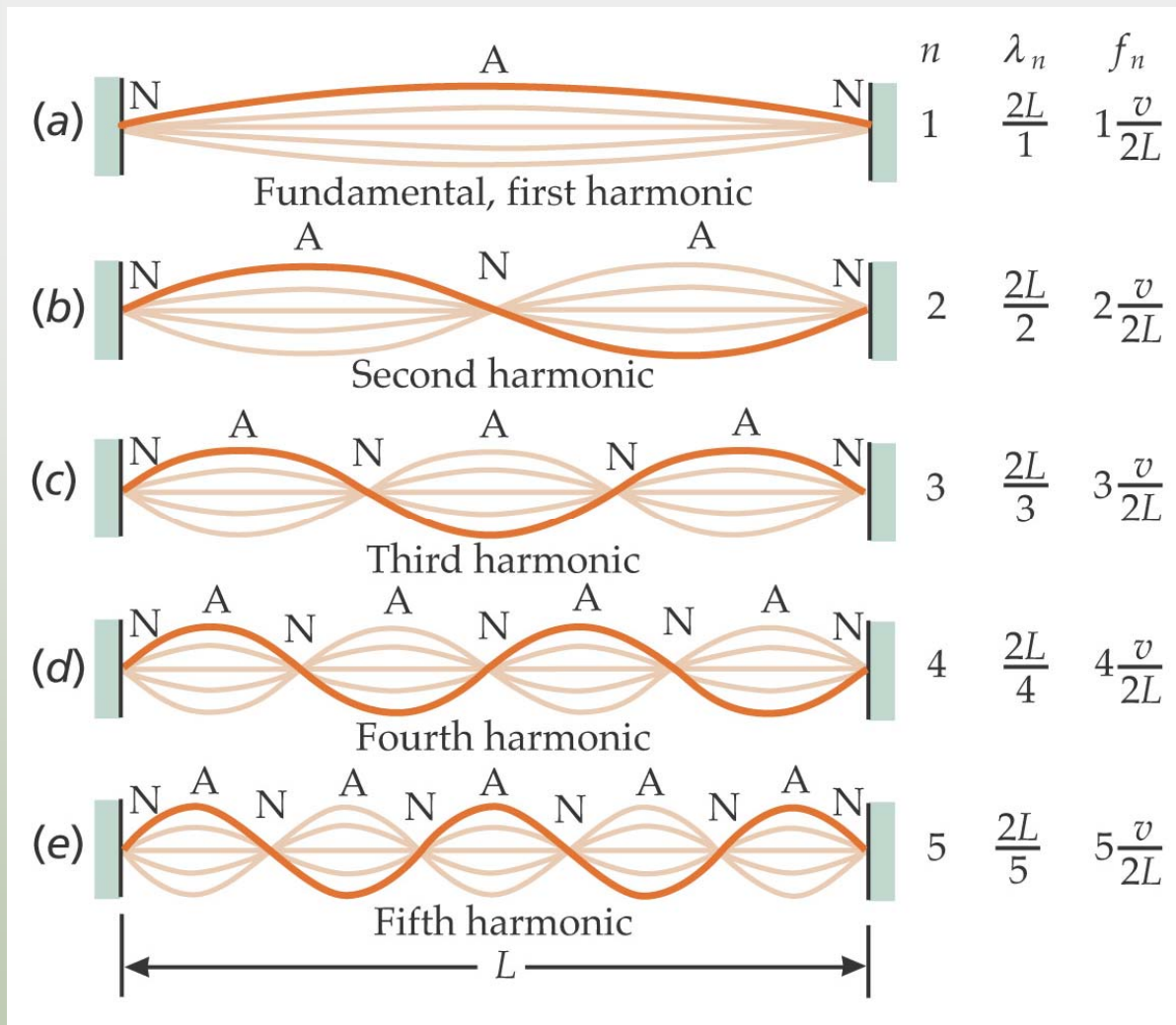
$$y(x, t) = (2A \operatorname{sen} kx) \cos \omega t$$

$$kx = 0, \pi, 2\pi, 3\pi, \dots$$

$$\frac{2\pi}{\lambda} x = 0, \pi, 2\pi, 3\pi, \dots$$

$$x = 0, \frac{\lambda}{2}, \frac{2\lambda}{2}, \frac{3\lambda}{2}, \dots$$

# Ondas estacionarias



$$L = n \frac{\lambda}{2} \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

$$\lambda_n = \frac{2L}{n} \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

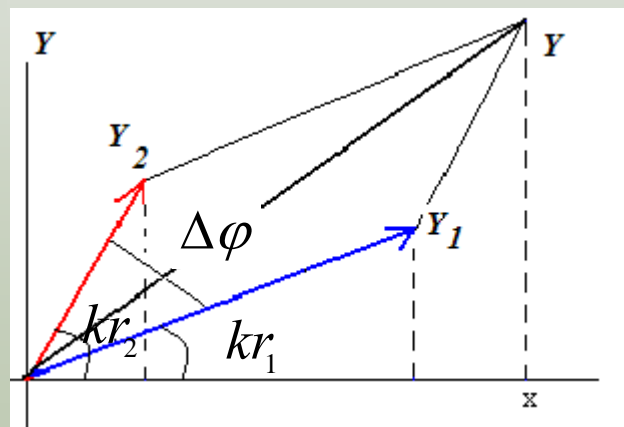
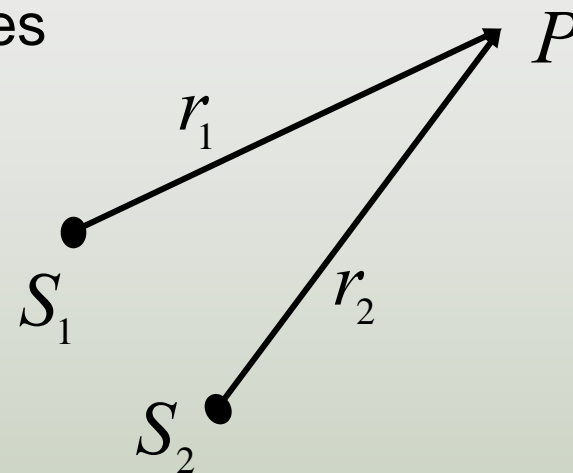
$$f_n = n \frac{v}{2L} \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

$$f_n = n f_1 \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

# Superposición o Interferencia de ondas

La función de onda  $y(x,t)$  que describe el movimiento resultante de esta situación se obtiene sumando las dos funciones de onda de las ondas individuales

$$y(x,t) = y_1(x,t) + y_2(x,t)$$



Amplitud resultante de dos ondas en interferencia.

$$y_1 = A_1 \cdot \text{sen}(kr_1 - \omega t + \alpha_{01})$$

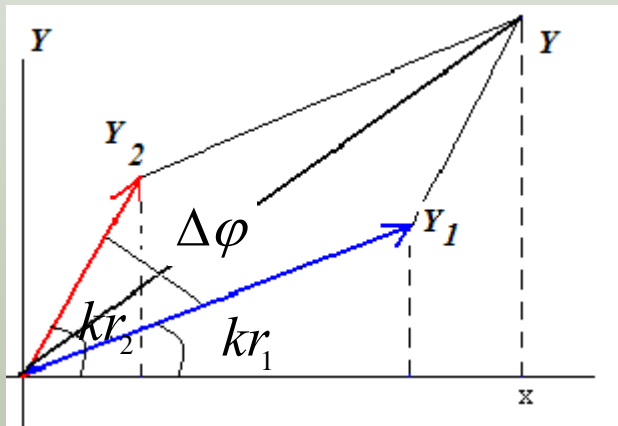
$$y_2 = A_2 \cdot \text{sen}(kr_2 - \omega t + \alpha_{02})$$

# Interferencia de ondas de igual frecuencia

$$y_1 = A_1 \cdot \text{sen}(kr_1 - \omega t + \alpha_{01}) \quad \text{Igual frecuencia y número de onda}$$
$$y_2 = A_2 \cdot \text{sen}(kr_2 - \omega t + \alpha_{02}) \quad \text{Amplitudes distintas}$$

$$A_T = \sqrt{A_1^2 + A_2^2 + 2 \cdot A_1 \cdot A_2 \cos [k \cdot \Delta r + \Delta \alpha_0]}$$

*Amplitudes del movimiento resultante*



*Amplitud resultante de dos ondas en interferencia.*

*Diferencias de fase*

$$\Delta\varphi = k \cdot \Delta r + \Delta\alpha_0$$

# Interferencia de ondas de igual frecuencia

$$A_T = \sqrt{A_1^2 + A_2^2 + 2.A_1.A_2 \cos [k.\Delta r + \Delta\alpha_0]}$$

*Diferencias de fase*

$$\Delta\varphi = k.\Delta r + \Delta\alpha_0$$

*Amplitud máxima*  $\Delta\varphi = 2.n.\pi$   $\cos\varphi = 1$

$$A_T = A_1 + A_2 \quad \Rightarrow \quad \text{Interferencia Constructiva}$$

*Amplitud mínima*  $\Delta\varphi = (2n + 1).\frac{\pi}{2}$   $\cos\varphi = -1$

$$A_T = A_1 - A_2 \quad \Rightarrow \quad \text{Interferencia Destructiva}$$

- Gracias por su atención.

**Docente Turno 14:**

Lic. Alicia Corsini

